

$$:\zeta \sqrt{7} \quad (\text{i})$$

(iii) اگر n مکمل مربع نہ ہو تو $\sqrt{n}$ ہے:

(v) تمام کے لیے $x = x, x \in \mathbb{R}$ کہلاتا ہے:

ضربى D جمعى C متعدى b ثلاثى A

..... = $2^x \times 8^x = 64$ (vii)

A عکسی b تشاکلی C متعدیت D جبعی

$= \sqrt{75} + \sqrt{27}$ (ix)

ناطق عدد d غیر ناطق عدد C طاق عدد B مفرد عدد A

سوال 2: اگر $a = \frac{3}{2}$ ، $b = \frac{5}{3}$ اور $c = \frac{7}{5}$ ہو تو تصدیق کریں کہ:

حل:

$$c = \frac{7}{5}, b = \frac{5}{3}, a = \frac{3}{2}$$

$$= \frac{3}{2} \left(\frac{5}{3} + \frac{7}{5} \right) = \frac{3}{2} \left(\frac{25+21}{15} \right)$$

$$= \frac{3}{2} \left(\frac{46}{15} \right) = \frac{23}{5}$$

$$\text{R.H.S.} = ab+ac$$

$$c = \frac{7}{5} \text{ اور } b = \frac{5}{3}, a = \frac{3}{2}$$

$$= \left(\frac{3}{2} \right) \left(\frac{5}{3} \right) + \left(\frac{3}{2} \right) \left(\frac{7}{5} \right) = \frac{5}{2} + \frac{21}{10} = \frac{25+21}{10}$$

$$= \frac{46}{10} = \frac{23}{5}$$

$$\text{L.H.S.} = \text{R.H.S.}$$

پس ثابت ہوا کہ

(ii) $(a+b)c=ac+bc$

$$\text{L.H.S.} = (a+b)c$$

حل:

$$c = \frac{7}{5} \text{ اور } b = \frac{5}{3}, a = \frac{3}{2}$$

$$= \left(\frac{3}{2} + \frac{5}{3} \right) \times \frac{7}{5} = \frac{3}{2} \times \frac{7}{5} + \frac{5}{3} \times \frac{7}{5}$$

$$= \frac{21}{10} + \frac{7}{3} = \frac{63+70}{30}$$

$$= \frac{133}{30}$$

$$\text{R.H.S.} = ac+bc$$

$$= \frac{3}{2} \times \frac{7}{5} + \frac{5}{3} \times \frac{7}{5}$$

$$= \frac{21}{10} + \frac{7}{3} = \frac{63+70}{30}$$

$$= \frac{133}{30}$$

$$\text{L.H.S.} = \text{R.H.S.}$$

پس ثابت ہوا کہ

سوال 3: اگر $a = \frac{4}{3}, b = \frac{5}{2}, c = \frac{7}{4}$ ہو تو صحیح اعداد کی خاصیت تلازم بلحاظ جمع اور ضرب کی تصدیق کریں۔

حل: حقیقی اعداد کی خاصیت تلازم بلحاظ جمع کی رو سے

$$a+(b+c) = (a+b)+c$$

$$\text{L.H.S.} = a+(b+c)$$

$$c = \frac{7}{4} \text{ اور } b = \frac{5}{2}, a = \frac{4}{3}$$

$$= \frac{4}{3} + \left(\frac{5}{2} + \frac{7}{4} \right) = \frac{4}{3} + \left(\frac{10+7}{4} \right)$$

$$= \frac{4}{3} + \frac{17}{4} = \frac{16 + 51}{12}$$

$$= \frac{67}{12}$$

$$\text{R.H.S.} = (a+b)+c$$

$$= \left(\frac{4}{3} + \frac{5}{2} \right) + \frac{7}{4}$$

$$= \left(\frac{8+15}{6} \right) + \frac{7}{4}$$

$$= \frac{23}{6} + \frac{7}{4} = \frac{46+21}{12}$$

$$= \frac{67}{12}$$

$$\text{L.H.S.} = \text{R.H.S.}$$

پس ثابت ہوا کہ

حقیقی اعداد کی خاصیت تلازم بلحاظ ضرب کی رو سے

$$a(bc) = (ab)c$$

$$\text{L.H.S.} = a(bc)$$

$$a = \frac{4}{3}, b = \frac{5}{2} \text{ اور } c = \frac{7}{4} \text{ درج کرنے سے}$$

$$= \frac{4}{3} \left(\frac{5}{2} \times \frac{7}{4} \right) = \frac{4}{3} \times \frac{35}{8}$$

$$= \frac{35}{6}$$

$$\text{R.H.S.} = (ab)c$$

$$= \left(\frac{4}{3} \times \frac{5}{2} \right) \times \frac{7}{4}$$

$$= \frac{10}{3} \times \frac{7}{4}$$

$$= \frac{35}{6}$$

$$\text{L.H.S.} = \text{R.H.S.}$$

پس ثابت ہوا کہ

سوال 4: کیا 0 ایک ناطق عدد ہے؟ تصدیق کریں۔

جواب: جی ہاں، 0 ایک ناطق عدد ہے۔ ہم جانتے ہیں کہ ناطق عدد ایک ایسا عدد ہوتا ہے جسے $\frac{p}{q}$ کی شکل میں لکھا جاسکتا ہے، جبکہ

p اور q صحیح اعداد ہیں اور $q \neq 0$ کو $\frac{0}{1}$ ، $\frac{0}{-4}$ ، $\frac{0}{100}$ وغیرہ کی شکل میں لکھا جاسکتا ہے۔ لہذا 0 ناطق اعداد کی تعریف کو

پورا کرتا ہے۔ پس، 0 ایک ناطق عدد ہے۔

سوال 5: صحیح اعداد کی ثلاثی خاصیت کی تعریف کریں۔

جواب: ثلاثی خاصیت بیان کرتی ہے کہ ہر صحیح عدد یا تو مثبت ہوتا ہے، یا منفی یا صفر

$$\forall a, b \in \mathbb{R}, \text{ either } a=b \text{ or } a>b \text{ or } a<b$$

سوال 6: 4 اور 5 کے درمیان دو ناطق اعداد معلوم کریں۔

جواب: 4 اور 5 کے درمیان لامتناہی ناطق اعداد ہیں۔ ہم ان میں سے کوئی سے دو معلوم کرتے ہیں۔

$$\text{اس کے لیے، 4 اور 5 کی اوسط معلوم کریں: } \frac{4+5}{2} = \frac{9}{2}$$

لہذا، 4 اور 5 کے درمیان $\frac{9}{2}$ ایک ناطق عدد ہے۔ 4 اور 5 کے درمیان دوسرا ناطق عدد معلوم کرنے کے لیے ہم دوبارہ $\frac{9}{2}$

اور 5 کی اوسط معلوم کریں گے۔ یعنی؛

$$\frac{\frac{9}{2} + 5}{2} = \frac{\frac{9+10}{2}}{2} = \frac{\frac{19}{2}}{2} = \frac{19}{4}$$

پس، 4 اور 5 کے درمیان $\frac{9}{2}$ اور $\frac{19}{4}$ دو ناطق اعداد ہیں۔

سوال 7: درج ذیل کو حل کریں۔

(i) $\sqrt[5]{\frac{x^{15}y^{35}}{z^{20}}}$

$$\sqrt[5]{\frac{x^{15}y^{35}}{z^{20}}} = \left(\frac{x^{15}y^{35}}{z^{20}} \right)^{\frac{1}{5}}$$

$$= \frac{(x^{15})^{\frac{1}{5}} \times (y^{35})^{\frac{1}{5}}}{(z^{20})^{\frac{1}{5}}} = \frac{x^3 y^7}{z^4}$$

حل:

(ii) $\sqrt[3]{(27)^{2x}}$

$$\sqrt[3]{(27)^{2x}} = \sqrt[3]{(3^3)^{2x}} = (3^{3 \times 2x})^{\frac{1}{3}}$$

$$= (3^{6x})^{\frac{1}{3}} = 3^{6x \times \frac{1}{3}} = 3^{2x}$$

حل:

(iii) $\frac{6(3)^{n+2}}{3^{n+1} - 3^n}$

$$\frac{6(3)^{n+2}}{3^{n+1} - 3^n} = \frac{6 \times (3)^n \times 3^2}{3^n \times 3^1 - 3^n} = \frac{3^n (6 \times 3^2)}{3^n (3 - 1)}$$

$$= \frac{6 \times 9}{2} = 27$$

حل:

سوال 8: تین متواتر طاق صحیح اعداد کا مجموعہ 51 ہے۔ صحیح اعداد معلوم کریں۔

حل: فرض کریں $a, a+2, a+4$ تین متواتر طاق اعداد ہیں۔

بشرط سوال

$$(a) + (a+2) + (a+4) = 51$$

$$3a + 6 = 51$$

$$\Rightarrow 3a = 51 - 6$$

$$3a = 45$$

$$\Rightarrow a = 15$$

$$\text{پہلا طاق عدد} = a = 15$$

لہذا

$$\text{دوسرا طاق عدد} = a + 2 = 15 + 2 = 17$$

$$\text{تیسرا طاق عدد} = a + 4 = 15 + 4 = 19$$

سوال 9: عبداللہ نے 96 گیندیں اٹھائیں اور انھیں دو بالٹیوں میں رکھ دیا۔ ایک بالٹی میں دوسری بالٹی سے اٹھائیں گیندیں زیادہ ہیں۔ ہر بالٹی میں کتنی گیندیں ہیں؟

حل:

$$\text{کل گیند} = 96$$

$$\text{ایک بالٹی میں گیندوں کی تعداد} = a$$

فرض کریں

$$\text{دوسری بالٹی میں گیندوں کی تعداد} = a + 28$$

بشرط سوال

$$\text{کل گیند} = (a) + (a + 28)$$

$$96 = 2a + 28$$

$$\Rightarrow 2a = 96 - 28$$

$$2a = 68$$

$$\Rightarrow a = 34$$

$$\text{ایک بالٹی میں گیندوں کی تعداد} = a = 34$$

لہذا

$$\text{دوسری بالٹی میں گیندوں کی تعداد} = a + 28 = 34 + 28 = 62$$

سوال 10: سلمیٰ نے ایک بینک میں 3,50,000 روپے نفع کی غرض سے رکھوائے، جس پر اسے $7\frac{1}{4}\%$ فی صد سالانہ شرح کے حساب سے نفع ہوا۔ 2 سال بعد شرح منافع میں 8 فی صد سالانہ کے حساب سے اضافہ ہوا۔ 7 سال کے اختتام پر اسے ملنے والی رقم معلوم کریں۔

حل: ہم پہلے دو سال کا سادہ منافع معلوم کرتے ہیں۔

$$\text{سادہ منافع} = \frac{P \times R \times T}{100}$$

$$P = 3,50,000, R = 7\frac{1}{4}\% = 7.25\%, T = 2 \text{ سال} \quad \text{یہاں،}$$

$$I_1 = \frac{350000 \times 7.25 \times 2}{100} = 50,750 \text{ روپے}$$

$$R = 8\%, T = 5 \text{ سال} \quad \text{2 سال بعد:}$$

$$I_2 = \frac{350000 \times 8 \times 5}{100} = 140,000 \text{ روپے}$$

$$\text{کل سادہ منافع} = 50,750 + 140,000 = 190,750$$

7 سال کے آخر میں کل رقم ہوگی:

$$\text{کل سادہ منافع} + \text{اصل زر} = \text{رقم}$$

$$= 350,000 + 190,750 = 540,750 \text{ روپے}$$

لہذا، سہ ماہی کے پاس 7 سالوں کے اختتام پر 540,750 روپے ہوں گے۔

☆☆☆☆☆

کثیر الانتخابی سوالات (MCQs)

- ☆ ہر بیان کے سامنے چار آپشنز دی گئی ہیں۔ درست آپشن کے گرد دائرہ لگائیں۔
1. کون سی تہذیب ریاضی کے لیے اساس ساٹھ کا نظام استعمال کرتی تھی؟
 A مصری B سمیرین C رومی D انڈین
 2. رومن اعداد مختلف اعداد کو ظاہر کرنے کے لیے ----- حروف استعمال کرتے ہیں۔
 A 4 B 5 C 6 d 7
 3. صفر (0) کا تصور کس نے پیش کیا؟
 a مصریوں نے B سمیرین نے C رومیوں نے D انڈین نے
 4. $Q = \{ \frac{p}{q}; p, q \in \mathbb{Z} \wedge q \neq 0 \}$ کہلاتا ہے:
 A قدرتی اعداد B مکمل اعداد c ناطق اعداد D غیر ناطق اعداد
 5. $R = \underline{\hspace{2cm}}$
 a $Q \cup Q'$ B $Q \cap Q'$ C $Q \cup W$ D $Q \cap W$
 6. درج ذیل میں سے کون سا ناطق عدد نہیں ہے؟
 A $\frac{1}{4}$ B $\frac{3}{8}$ C 16 d $\sqrt{17}$
 7. $e = \underline{\hspace{2cm}}?$
 a 2.7182 B 2.1287 C 1.7182 D 0.7182
 8. 0.444... ہے:
 A مختتم کسرا عشاریہ B غیر مختتم کسرا عشاریہ c متوالی کسرا عشاریہ D مذکورہ تمام
 9. جمع کا قانون مبادلہ ہے:
 A $a+b \in R$ B $a+0=0+a$ C $a+(-a)=-a+a=0$ d $a+b=b+a$
 10. $a(bc) = (ab)c$ ہے:
 a خاصیت تلازم بلحاظ ضرب B خاصیت تلازم بلحاظ جمع
 C خاصیت بندش بلحاظ جمع D خاصیت بندش بلحاظ ضرب

11. حقیقی اعداد کا ضربی ذاتی عنصر ہے:

- A 0 b 1 C -1 D 2

12. $\forall a \in \mathbb{R}, a = a$ خاصیت ہے:

- A تشاکی خاصیت B تنسبی خاصیت بلحاظ جمع C عکسی خاصیت D ثلاثی خاصیت

13. متعدیت خاصیت ہے:

- a $\forall a, b, c \in \mathbb{R}; a > b \wedge b > c \Rightarrow a > c$ B $\forall a, b \in \mathbb{R}; a > b \Rightarrow \frac{1}{a} < \frac{1}{b}$
C $\forall a, b, c \in \mathbb{R}; a + c = b + c \Rightarrow a = b$ D $\forall a, b \in \mathbb{R}; a = b \Rightarrow b = a$

14. ناطق ریڈیکنڈ کے ساتھ غیر ناطق ریڈیکل کہلاتا ہے:

- A انڈیزر b مقدار اصرم C کانجوگیٹ D کثیررتی

15. $\left(\frac{\text{نفع}}{\text{قیمت خرید}} \times 100 \right) \% = ?$

- A % نقصان B نقصان C % نفع D نفع

☆☆☆☆☆

مختصر سوالات

☆ درج ذیل مختصر سوالات حل کریں۔

1. $0.\overline{3}$ کو ناطق عدد $\frac{p}{q}$ کی شکل میں لکھیں۔

حل: فرض کریں:

$$\begin{aligned} x &= 0.\overline{3} \\ x &= 0.3333... \end{aligned} \quad \dots (i)$$

دونوں طرف 10 سے ضرب دینے سے

$$\begin{aligned} 10x &= (0.3333...) \times 10 \\ 10x &= 3.3333... \end{aligned} \quad \dots (ii)$$

مساوات (ii) سے (i) کو تفریق کرنے سے

$$\begin{aligned} 10x - x &= (3.3333...) - (0.3333...) \\ 9x &= 3 \Rightarrow x = \frac{1}{3} \end{aligned}$$

یا

پس، $0.\overline{3} = \frac{1}{3}$ مطلوبہ ناطق عدد ہے۔

2. ذیل میں استعمال ہونے والی خاصیت کا نام لکھیں۔

(i) $(2 \times 3) \times 5 = 2 \times (3 \times 5)$ (ii) $5 + 0 = 5 = 0 + 5$

حل: (i) خاصیت تلازم بلحاظ ضرب (ii) جمعی عنصر کی خاصیت

3. حل کریں: $\sqrt[3]{16x^4y^5}$

$$\begin{aligned}
 \sqrt[3]{16x^4y^5} &= \sqrt[3]{(2)(8)(x)(x^3)(y^2)(y^3)} \\
 &= \sqrt[3]{2xy^2(2^3)(x^3)(y^3)} \\
 &= \sqrt[3]{2xy^2} \sqrt[3]{(2^3)(x^3)(y^3)} \\
 &= \sqrt[3]{2xy^2} \sqrt[3]{2^3} \sqrt[3]{x^3} \sqrt[3]{y^3} \\
 &= 2xy \sqrt[3]{2xy^2}
 \end{aligned}$$

4. حل کریں: $(x^3)^2 \div x^{3^2}$

$$\begin{aligned}
 (x^3)^2 \div x^{3^2} &= x^{3 \times 2} \div x^{3 \times 3} \\
 &= x^6 \div x^9 = \frac{x^6}{x^9} \\
 &= \frac{1}{x^{9-6}} = \frac{1}{x^3}
 \end{aligned}$$

5. اگر $x=2+\sqrt{3}$ ہو تو $x-\frac{1}{x}$ کی قیمت معلوم کریں۔

$$\begin{aligned}
 x &= 2+\sqrt{3} \\
 \frac{1}{x} &= \frac{1}{2+\sqrt{3}} \\
 &= \frac{1}{2+\sqrt{3}} \times \frac{2-\sqrt{3}}{2-\sqrt{3}} \\
 &= \frac{2-\sqrt{3}}{(2)^2-(\sqrt{3})^2} = \frac{2-\sqrt{3}}{4-3} \\
 \frac{1}{x} &= 2-\sqrt{3} \\
 x-\frac{1}{x} &= 2+\sqrt{3}-(2-\sqrt{3}) \\
 &= 2+\sqrt{3}-2+\sqrt{3} \\
 x-\frac{1}{x} &= 2\sqrt{3}
 \end{aligned}$$

اب

6. اگر 5000 روپے پر 5 سال کے لیے سادہ منافع 2000 روپے ہو تو نفع کی شرح معلوم کریں۔

حل:

$$\text{روپے اصل زر} = 5000$$

$$\text{سادہ منافع} = 2000 \text{ روپے}$$

$$\text{سال مدت} = 5$$

شرح معلوم کرنے کے لیے ہم درج ذیل فارمولا استعمال کرتے ہیں:

$$\begin{aligned} \text{شرح} &= \frac{\text{نفع کی رقم} \times 100}{\text{اصل زر} \times \text{مدت}} \\ &= \frac{2000 \times 100}{5 \times 5000} = 8\% \end{aligned}$$

پس، نفع کی شرح 8 فی صد ہے۔

7. مختتم کسور اعشاریہ کی تعریف کریں۔

جواب: ایک کسر اعشاریہ جس کے نقطہ اعشاریہ کے بعد ہندسوں کی تعداد متناہی ہو، مختتم کسر اعشاریہ کہلاتی ہے۔

8. غیر متوالی کسور اعشاریہ کے بارے میں آپ کیا جانتے ہیں؟

جواب: کسور اعشاریہ جو نقطہ اعشاریہ کے بعد بغیر ختم ہوئے اعداد کی ترتیب نہیں دہراتے، اور بغیر ختم ہوئے جاری رہتے ہیں غیر متوالی کسور اعشاریہ کہلاتی ہیں۔ غیر متوالی کسور اعشاریہ کو غیر ناطق اعداد بھی کہتے ہیں۔

9. حقیقی اعداد کی تنسیقی خاصیت بلحاظ جمع لکھیں۔

جواب: تنسیقی خاصیت بلحاظ جمع درج ذیل ہے۔

$$\forall a, b, c \in \mathbb{R} ; a + c = b + c \Rightarrow a = b$$

10. حل کریں: $\sqrt{25x^{10n}y^{8m}}$

حل:

$$\begin{aligned} \sqrt{25x^{10n}y^{8m}} &= \sqrt{5 \times 5 x^{10n} y^{8m}} \\ &= (5^2 x^{10n} y^{8m})^{1/2} \\ &= 5^{2 \times \frac{1}{2}} x^{10n \times \frac{1}{2}} y^{8m \times \frac{1}{2}} \\ &= 5x^{5n} y^{4m} \end{aligned}$$

☆☆☆☆☆